

معیار اندازه‌گیری قدرت بازاری کارتل نفت و کاربرد
آن برای ملل اوپک
دکتر مجید احمدیان *

"مقدمه"

افزایش عمده در قیمت نفت در بازار جهانی، که در سال (۱۹۷۳) به وقوع پیوست اقتصاددانان را بر آن داشت تا به تدوین مقالات پژوهشی و نظری بپردازند. این مقالات پژوهشی به عملکرد و تصمیمات قیمت‌گذاری نفت سازمان کشورهای صادرکننده نفت (۱) اختصاص داشت. نقش اوپک به عنوان کارتل نفتی بود که با تولید خود سهم بیشتری از تقاضای جهانی نفت را تامین می‌کرد. با افزایش بیشتر قیمت نفت اوپک در سال‌های (۱۹۸۱ - ۱۹۷۹) بسیاری از مدل‌های معاصر دوباره بررسی و گسترش یافته‌اند. اخیراً، "آدل من" (۲) (۱۹۸۶) نقش ارزش کمیابی نفت را در تعیین قیمت‌های جهانی نفت بررسی کرده است. او استدلال می‌کند که افزایش در قیمت‌های جهانی نفت نمی‌تواند بصراحت به وسیله تغییرات در ارزش کمیابی آن در طول زمان توجیه شود. از شواهد قانع‌کننده‌ای که برای استدلال خود پیشنهاد کرده است نتیجه می‌گیرد، محدودیت‌های عرضه نفت عامل افزایش سطح قیمت‌های نفت بوده است. اگر منابع نفت با هزینه کم استخراج و بهره‌برداری نشود این محدودیت‌های عرضه همیشه وجود خواهد داشت. در غیر این صورت با استخراج بیش از حد این منابع قیمت‌های نفت بطور سرسام‌آوری کاهش خواهد یافت. این امر نشانگر این است که کارتل اوپک قدرت بازاری خود را به نمایش گذاشته است و تاچه اندازه این قدرت بازار بطور کامل مورد استفاده قرار گرفته سئوالی است که می‌شود مطرح کرد.

رفتار اوپک در مقالات پژوهشی بدو گروه تقسیم می‌شود. در اولین گروه اهمیت

* دکتر مجید احمدیان استاد یار دانشکده اقتصاد دانشگاه تهران

۱ - OPEC نویسنده از پیشنهادات و نظریات دو داور ارجمند بی‌نهایت تشکر می‌کند و در تجدیدنظر نهایی مقاله از نظریات سازنده ایشان مستفیض شده است.

شایان توجهی به مسئله پایداری و عدم پایداری اوپک به عنوان کارتل موثر در بازار جهانی شده که به وسیله لادرر^(۱) (۱۹۸۵)، رضوی (۱۹۸۴)، دیلی گرiffin، استیل^(۲) (۱۹۸۲) و دنیلسن^(۳) (۱۹۸۵) و دیگران مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. از بین این اقتصاددانان دنیلسن (۱۹۸۵) نسبت تولید به ظرفیت تولید و همچنین نسبت ذخایز به تولید را مورد استفاده قرار داده تا اینکه زیانها و منافع ناشی از اعمال نفوذ قدرت بازار کارتل را برای گروههای مورد نظر در داخل اوپک اندازه گیری نماید.

دنیلسن در مقاله مذکور نتیجه گرفته است، پایداری اوپک بطور قطع به سهمیه بندی تولید بین اعضاستگی دارد و چون کنترل تولید منجر به کاهش مقدار کسل تولید می شود در نتیجه عامل مهمی برای اعمال نفوذ قدرت بازار به حساب می آید. از طرف دیگر رضوی (۱۹۸۴) با استفاده از روش دیگری نظریه ائتلاف را گسترش داده تا اینکه معیاری برای عدم پایداری بلند مدت کارتل بدست آورد. این معیار بستگی به تفاوت در هزینه نهایی تولید بین اعضا کارتل دارد.

دومین گروه مشتمل بر پژوهشهایی است که مستقیماً به سیاستهای قیمت گذاری اوپک مربوط می شود. از اقتصاددانان این قسمت، گرiffin^(۴) (۱۹۸۵) در مقاله مشهور خودش معروفترین مدلها را در مقابل رفتار واقعی اوپک آزمون کرده است. مدلهای مورد آزمون شامل کارتل، مدل رقابتی، مدل درآمدهای نفت مطلوب برای تامین مالی سرمایه گذاری های تولید، و مدل حق مالکیت تولید می باشد. نتیجه عمده مطالعه گرفتن این بوده است که مدل کارتل بیشتر با رفتار واقعی اوپک هماهنگی دارد. در مدل گرiffin، اوپک به عنوان تولید کننده باقیمانده می باشد و بنابراین تقاضا برای نفت اوپک از تفاوت بین تقاضای جهانی نفت و عرضه نفت توسط تولید کنندگان غیر از اوپک بدست می آید.

در مدلهای مبنی بر تقاضای باقیمانده برای نفت اوپک نظریه اقتصادی راجع به منابع غیر قابل احیاء بطور مناسب گسترش نیافته و در نتیجه کشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک بخوبی بررسی نشده است. از میان این مدلها، آدلمن^(۵) (۱۹۷۸) مدل تقاضای باقیمانده را برای تجزیه و تحلیل قدرت بازاری اوپک بکار برده و همچنین آن را برای بحث در مورد نقش حیاتی عربستان سعودی در داخل اوپک مورد استفاده قرار می دهد.

1- Loderer

2- Daly, Griffin, Steele

3- Danielsen

4- Griffin

5- Adelman

میکسان^(۱) (۱۹۸۲) همان نظریه تقاضای باقیمانده را برای حمایت مدل کارتل اوپک در مقابل نظریه حق مالکیت تولید بکار برده است. روگ ری^(۲) (۱۹۸۳) روش مشابه را بکار برده تا کشش های قیمتی تقاضا برای نفت اوپک را محاسبه کرده و سپس افزایش های قیمت نفت را در سال های (۱۹۷۸ - ۱۹۷۳) و (۱۹۸۱ - ۱۹۷۸) بتواند تجزیه و تحلیل نماید. در مدل تقاضای باقیمانده دیگری که، رضا (۱۹۸۴) با استفاده از تجزیه و تحلیل تجربی استدلال کرده که کشش کوتاه مدت قیمتی تقاضا برای نفت اوپک بیشتر نسبت به کشش کوتاه مدت قیمتی تقاضا برای نفت جهانی حساسیت دارد.

توجه این مقاله بدو نکته اساسی می باشد که در اکثر مدل های مربوط به رفتار قیمت گذاری اوپک به یاد فراموشی سپرده شده است. اولین نکته اینست که مدلی تنظیم شود تا بتواند استراتژی قیمت گذاری کارتل نفت را تعیین کرده و همچنین طبیعت غیرقابل احیاء بودن منابع نفت را منعکس سازد.

دومین نکته اینست که برای رفتار اوپک مدل بازار وسیعتری را مشخص کرده و نقش حیاتی منابع انرژی رقیب را در بازار تعیین کند. بدین ترتیب در این مدل راجع به اساس قدرت بازاری اوپک بطور دقیق بحث شده و اثرات عوامل متعدد بر کنترل اوپک روی قیمت مورد مطالعه قرار می گیرد. بخصوص، این مقاله مدل منابع غیر قابل تجدید شده مربوط به رفتار قیمت گذاری کارتل را مورد بحث قرار داده و رابطه اساسی بین عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل (معباری برای اندازه گیری قدرت بالقوه بازار) و عوامل متعدد و مهم دیگر را نتیجه داده است. این عوامل یا بصورت کششها و یا بصورت نسبتها بیان شده اند. این کششها مشتمل است بر کشش قیمتی تقاضای انرژی، کشش قیمتی عرضه نفت توسط تولید کنندگان غیر از کارتل، کشش قیمتی عرضه انرژی غیر از نفت (به عنوان کالای جانشینی برای نفت تولید شده بوسیله کارتل). از طرف دیگر، اگر تقاضای انرژی، عرضه نفت غیر از کارتل، و عرضه انرژی غیر از نفت، به تقاضای نفت کارتل تقسیم شوند نسبتهای بکار رفته بدست می آیند.

نتایج بدست آمده از مدل نظری برای تجزیه و تحلیل رفتار اوپک بوسیله روش شبیه سازی پویا^(۳) بکار گرفته خواهد شد و قدرت کارتل اوپک با استفاده از عکس کشش

1- Mixon

2- Ruggeri

3- Dgnamic Simulation

قیمتی تقاضا برای نفت آن اندازه‌گیری خواهد شد. بدین ترتیب می‌توان محدودیت‌های قدرت بالقوه بازار اوپک را دقیقاً بررسی کرد و توانایی اوپک را برای کنترل قیمت‌های جهانی نفت در آینده تجزیه و تحلیل نمود.

سازمان‌بندی این مقاله بدین صورت می‌باشد. که ابتدا مدل نظری مربوط به رفتار کارتل که عکس‌کشش قیمتی تقاضا به‌عنوان معیاری برای اندازه‌گیری قدرت کارتل تعیین کرده گسترش یافته است.

سپس روش شبیه‌سازی پویا را برای محاسبه عکس‌کشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک ارائه شده و قدرت بازار اوپک را در طول سال‌های (۱۹۸۲ - ۱۹۷۰) تجزیه و تحلیل خواهد شد. در قسمت بعدی نتایج عمومی خواهد آمد.

II مدل کارتل و عکس‌کشش قیمتی تقاضا

فرض می‌کنیم یک کارتل تشکیل شده و صاحب ذخایر نفت بوده که جزو منابع غیر قابل احیاء به حساب می‌آید. بعلاوه، این کارتل تعیین‌کننده قیمت در بازار جهانی است و عرضه نفت توسط تولیدکنندگان غیراز کارتل و همچنین عرضه انرژی غیر از نفت را در تصمیم‌گیری فروش خود مورد توجه قرار می‌دهد. تحت چنین فرضیاتی، تقاضای برای نفت کارتل را می‌توان چنین نوشت:

$$(1) \quad D_t = W_t - \bar{S}_t - S_t \quad \text{برای } t=0, 100, T$$

که در آن D_t تقاضای باقیمانده در زمان برای نفت کارتل می‌باشد. W_t کل تقاضا برای انرژی در زمان t است و \bar{S}_t تابع عرضه نفت توسط تولیدکنندگان غیراز کارتل در زمان t و S_t تابع عرضه انرژی غیر از نفت است. تابع تقاضا برای کل انرژی فرض می‌شود نسبت به قیمت‌های جهانی نفت نزولی بوده که بصورت زیر نوشته می‌شود:

$$(2) \quad W_t = W(P_t) \quad \text{برای } W' < 0, \quad t=0, 1, 00, T$$

که در آن P_t قیمت نفت در دوره t است و W' مشتق W_t نسبت به P_t در هر دوره t می‌باشد. بعلاوه، فرض می‌شود تولیدکنندگان نفت غیراز کارتل اطلاعات راجع به قیمت را از بازار گرفته و با افزایش آن مقدار عرضه خود را می‌افزایند. یعنی:

$$(3) \quad S_t = S(P_t) \quad \text{برای } S' > 0, \quad t=0, 1, 00, T$$

که S_t مشتق S_t نسبت به P_t می باشد. بالاخره، عرضه انرژی غیر از نفت که قابلیت جانشینی کامل برای نفت را داراست تابع عرضه کل این کالاهاى جانشینی را می توان چنین نوشت:

$$(۴) \quad t=0,100,T \quad \text{برای } S' > 0, \quad S_t = S(P_t)$$

که S_t مشتق S_t نسبت به P_t می باشد.

تابع تقاضای باقیمانده که کارتل با آن مواجه است با جایگزین کردن (۲)، (۳)،

(۴) در معادله (۱) حاصل می شود:

$$(۵) \quad t = 0,1,00,T \quad \text{برای } D' < 0, \quad D_t = D(P_t)$$

که D_t مشتق D_t نسبت به P_t می باشد.

فرض می کنیم $C_t = C(Q_t)$ کل هزینه های استخراج تولید در لحظه t است که در آن $Q_t = \sum_{i=0}^t D_i$ تولید تجمعی تا دوره t می باشد. و همچنین فرض می کنیم C_t یک تابع صعودی از Q_t می باشد یعنی $\frac{\partial C_t}{\partial Q_t} > 0$ که افزایش در کل هزینه های استخراج را در اثر افزایش یک واحد اضافی در تولید تجمعی نشان می دهد.

اگر R_0 ذخایر اثبات شده کارتل در لحظه صفر باشد و ظرفیت تولید آن در لحظه t با D_t^* نشان داده شود مسئله ای که برای کارتل مطرح می شود می توان آن را بصورت زیر خلاصه کرد:

$$\text{Max } V = \sum_{t=0}^T \frac{P_t D_t - C_t}{(1+r)^t}$$

$$(۶) \quad \text{S.t.}$$

$$\sum_{t=0}^T D_t \leq R_0$$

$$(۷) \quad t=0,1,00,T \quad \text{برای } 0 \leq D_t \leq D_t^*$$

معادله (۶) محدودیت مربوط به غیر قابل احیاء بودن منابع را بیان کرده و نشان می دهد که کل تولید تجمعی تا دوره t از ذخایر اثبات شده اولیه نمی تواند تجاوز نماید. معادله (۷) محدودیت مربوط به ظرفیت تولید بوده و نشان می دهد که مقدار تولید توسط کارتل از ظرفیت تولید آن در هر لحظه از زمان نتواند تجاوز کند.

اگر y قیمت سایه یک واحد از ذخایر اثبات شده باشد و e_t قدر مطلق مقدار کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل باشد در این صورت مسیر قیمت تعادل که با حل مسئله

حداکثر کارتِل بدست می‌آید بصورت زیر نوشته می‌شود (در ضمیمه A این مقاله طرز بدست آوردن آن بطور مفصل شرح داده شده است).

(۸)

$$0 < D_t < D_t^* \quad P_t \left(1 - \frac{1}{e_t}\right) = MC_t + UC_t + y(1+r)^t = TFMC_t$$

که در آن $UC_t = \sum_{i=1}^{T-t} MC_{t+i} (1+r)^{-i}$ است.

در این شرط قیمت تعادل، MC_t هزینه نهایی استخراج فیزیکی منابع بوده و تاثیر میزان استخراج روی هزینه جاری را نشان می‌دهد. UC_t طبیعت صعودی هزینه تولید را بعد از زمان t نشان داده که ناشی از افزایش در یک واحد تولید در زمان t می‌باشد و در ادبیات اقتصاد منابع غیر قابل احیاء به هزینه استعمال مشهور است.

MC_{t+i} مشتق جزئی C_{t+i} نسبت به D_t است $(i=1, 000, T-t)$ رابطه $y(1+r)^t$ ارزش کمیابی منابع را اندازه‌گیری کرده و به رانت کمیابی هاتلینگ معروف است. مجموع هزینه‌های نهایی استخراج و هزینه استعمال را با $TFMC_t$ نشان داده که کل هزینه نهایی کامل نامیده می‌شود. با توجه به کل هزینه نهایی کامل، معادله (۸) را می‌توان بدین صورت نوشت (در ضمیمه A این معادله بدست آمده است)

$$(9) \quad \frac{1}{e_t} = \frac{P_t - TFMC_t}{P_t}$$

اگر $e_t = D' \left(\frac{P_t}{D_t}\right)$ باشد قدر مطلق عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتِل برابر است با تفاوت قیمت مطلوب کارتِل از کل هزینه نهایی کامل آن تقسیم بر قیمت مطلوب کارتِل (۱).

۱ - شاخص استاندارد لرنر که به عنوان معیاری برای اندازه‌گیری درجه قدرت انحصارگر بکار می‌رود از اصل به حداکثر رساندن سود در حالت ایستاتیک بدست آمده است. مقاله حاضر این شاخص متداول لرنر را عمومیت داده و از مدل پویای مربوط به منابع غیر قابل احیاء استنتاج کرده و برای اندازه‌گیری قدرت کارتِل بکار می‌برد. پیندیاک (۱۹۸۵) استدلال کرده است در مدل‌های مربوط به منابع غیر قابل احیاء شاخص لرنر کافی نبوده و معیار قابل قبولی را شبیه معیاری که در این مقاله بدست آمده پیشنهاد کرده.

این معیاری است که قدرت بازاری کارتل (یا قدرت تعیین قیمت کارتل) را اندازه‌گیری می‌کند (۱). همانطوریکه از معادله (۹) برمی‌آید اگر تقاضا برای نفت کارتل بیشتر بی‌کش باشد در نتیجه قدرت بازاری کارتل نیز بیشتر می‌گردد فرض اینکه عوامل دیگر در معادله ثابت باقی بمانند.

نتیجه نظری فوق می‌تواند تجربه و تحلیل اثرات عوامل گوناگون روی استراتژی قیمت‌گذاری کارتل بکاررود و این عوامل در بازار تعیین شده و حائز اهمیت هستند. اگر رابطه (۹) و معادله (۵) را مورد استفاده قرار داد. و از رابطه (۵) نسبت به قیمت مشتق بگیریم نتیجه زیر بدست می‌آید (در ضمیمه B بطور مفصل شرح داده شده است).

$$(10) \quad \frac{1}{e_t} = (1+a_t+b_t)E_t + a_t u_t + b_t v_t$$

در این رابطه، $E_t = -W' \frac{P_t}{W_t}$ کشش قیمتی تقاضای انرژی، $U_t = \bar{S}' \frac{P_t}{S_t}$ کشش قیمتی عرضه غیراز کارتل، و $V_t = S' \frac{S_t}{D_t}$ کشش قیمتی عرضه انرژی غیراز نفت می‌باشند. علاوه بر این، نسبت $a_t = \frac{S_t}{D_t}$ برای کارتل است و $b_t = \frac{S_t}{D_t}$ نسبت عرضه انرژی غیراز نفت به تقاضای باقیمانده کارتل می‌باشد. از معادله (۱۰) چنین برمی‌آید، اگر هریک از این کششها و یا نسبتها افزایش یابد نتیجه مستقیم کاهش در عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل خواهد بود و از اینرو قدرت بالقوه بازاری کارتل کاهش خواهد یافت. (۲)

بنابراین، قدرت بازار برای کارتل به عنوان تولید کننده منابع غیر قابل تجدید شده مثل نفت نه فقط به مقدار عددی تقاضای انرژی و کشش آن بستگی داشته بلکه به اهمیت مقدار تولید غیراز کارتل، تولید انرژی غیراز نفت، و کششهای عرضه آنها بستگی دارد.

۱ - معادله (۹) را می‌توان بدین شکل نوشت: $P_t = dTFMC_t$

که در آن $d = 1 + \frac{1}{e_t - 1}$ پارامتر افزایش قیمت بوده و بالا بودن این پارامتر باعث می‌شود بنگاه تولیدی قدرت قیمت‌گذاری خود را در معرض نمایش بگذارد.

۲ - این معادله داده‌های مورد نیاز برای اندازه‌گیری عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل را مشخص می‌کند که با محاسبه رانت کمیابی هاتلینگ می‌توان طبیعت غیر قابل احیاء بودن منابع را بررسی کرد.

اگر این نتیجه نظری را برای کارتل اوپک بکار ببریم بخوبی می‌توان ملاحظه کرد که نه تنها کشش عرضه نفت توسط تولید کنندگان غیراز اوپک و همچنین کشش انرژی غیراز نفت توسط کشورهای عمده مصرف کننده نفت تعیین کننده های مهمی برای قدرت بازار اوپک بشمار می‌روند بلکه تولید نفت غیراز اوپک و تولید انرژی غیراز نفت در تعیین قدرت بازار اوپک سهم قابل ملاحظه‌ای دارند. افزایش در قیمت‌های نفت اوپک به نوبه خود منجر به افزایش در توسعه اکتشافات جدید نفت در کشورهای غیراز اوپک می‌گردد.

علاوه بر این، افزایش قیمت نفت اوپک توسعه منابع انرژی دیگر (عرضه های انرژی غیراز نفت) در کشورهای وارد کننده نفت را تحت تاثیر قرار خواهد داد. این توسعه منابع انرژی رقیب جایگزینی مستقیم برای نفت اوپک را در بلندمدت ایجاد خواهد کرد.

بنابراین قیمت‌های بالاتر اوپک نشانگر این امر است که اوپک اعمال نفوذ قدرت بازار خود را در زمان حال اعمال می‌کند. و این امر منجر به کاهش قدرت بازار بالقوه اوپک در آینده خواهد گردید^(۱). در واقع اگر قبول کنیم که اوپک یک کارتل موثر است امکان دارد این نتایج نظری برای محاسبه عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک بکار گرفته شود از اینرو، می‌توان قدرت بازار کارتل در راستای تصمیمات قیمت گذاری برای دوره (۱۹۸۲ - ۱۹۷۰) بررسی شود.

داده‌ها و نتایج محاسبات

مدلی که در این مقاله تهیه و تنظیم گشته نشان می‌دهد که رفتار قیمت گذاری کارتل تحت تاثیر شرایط گوناگون در بازار قرار می‌گیرد. این شرایط که در کشش‌ها و در نسبت‌های گوناگون خلاصه شده است و استراتژی قیمت گذاری کارتل نفت را از طریق تاثیر گذاری بر قدرت قیمت گذاری کارتل نشان می‌دهد. بخصوص، کشش عرضه نفت توسط تولید کنندگان غیراز کارتل و کشش عرضه انرژی غیراز نفت، رفتار کارتل را تحت تاثیر قرار می‌دهند. علاوه بر این، عرضه نفت غیراز کارتل و عرضه انرژی غیر از نفت هر یک نسبت به تقاضا برای نفت کارتل در رفتار کارتل موثر هستند.

۱ - نتیجه شبیه به این توسط آدلمن (۱۹۷۸) در مقاله ای به عنوان "محدودیت‌های مربوط به قیمت انحصاری در بازار جهانی نفت" پیشنهاد شده است.

به منظور کاربرد مدل تنظیم شده، رفتار اوپک از سال (۱۹۷۰ تا سال ۱۹۸۳) بررسی شده و عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت آن محاسبه گردیده است. جدول III تقاضا برای نفت اوپک را محاسبه کرده که آن از تفاوت بین تقاضای کل برای انرژی از طرف کشورهای عضو سازمان همکاری اقتصادی و توسعه^(۱) و تولیدات نفت و تولیدات انرژی غیر از نفت توسط این کشورها بدست می‌آید. در محاسبه کشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک داده‌های مورد نیاز از ترانز نامه انرژی کشورهای عضو سازمان همکاری اقتصادی و توسعه گردآوری شده است. اطلاعات مربوط به قیمت های نفت از نشریه شاخصهای انرژی و اقتصادی (۴ و ۳) و همچنین از کتاب اقتصاد انرژی و سیاسی (۹) جمع آوری گشته است. معادله^(۱۰) را مورد استفاده قرار داده و روش شبیه سازی را بکار برده تا عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک از سال (۱۹۷۰ تا ۱۹۸۲) محاسبه شود. این عکس کشش قیمتی تقاضا استراتژی قیمت گذاری اوپک را ترسیم می‌نماید.

جدول III.1 ارقام مربوط به عرضه نفت بوسیله هریک از کشورهای تولیدکننده غیر از اوپک و همچنین عرضه منابع انرژی غیر از نفت را نسبت به تقاضای باقیمانده برای نفت اوپک برای سال های (۱۹۷۰ تا ۱۹۸۲) را نشان می‌دهد. بعلاوه، کشش های قیمتی بلند مدت که برای محاسبه معادله (۱۰) لازم است (نتایج این محاسبه در جدول III.۲ نشان داده شده است)، از منابع گوناگون انتخاب شده‌اند (در حالت پایه این کششهای یک فرض شده‌اند). مقادیر کشش های قیمتی تقاضا برای انرژی از تحقیقات سالنت^(۲) (۱۹۸۲) برای حالت یک گرفته شده است، در حالی که در حالت دوم برآورد پنی‌دیاک (۱۹۷۹) مورد استفاده قرار گرفته شده است. کششهای قیمتی عرضه نفت غیر از اوپک که توسط پنی‌دیاک در مقاله سال (۱۹۸۰) برآورد شده در حالت های یک و دو استفاده شده است. کششهای قیمتی عرضه انرژی غیر از نفت از کتاب سالنت برای حالت یک و از مقاله^(۳) مارشالا^(۳) (۱۹۷۷) برای حالت دو بدست آمده است^(۴).

نتایج محاسبات فوق اثرات عرضه نفت از طرف کشورهای تولید کننده غیر از اوپک و همچنین اثرات عرضه منابع انرژی غیر از نفت را برای سیاستهای قیمت گذاری اوپک

1- OECD

2- Salant

3- Marshalla

۴- کششهای قیمتی تقاضا برای انرژی و عرضه منابع دیگر که از مطالعات فوق الذکر اخذ شده در طول زمان ثابت فرض شده‌اند. متأسفانه، اطلاعات و داده‌های مورد نیاز مربوط به سری های زمانی برای تخمین این کششها در طول زمان های مختلف موجود نمی‌باشند.

کاملاً" نشان می‌دهد. این اثرات در سه حالت: پایه، یک، و دو تجزیه و تحلیل شده و در حالت پایه کَششهای مورد استفاده به منظور بررسی تطبیقی واحد فرض شده‌اند. همه این سه حالت نشان می‌دهد که در طول سال‌های (۱۹۸۲ - ۱۹۷۰) عکس کَشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک از سال (۱۹۷۰ تا ۱۹۷۴) افزایش یافته و در سال (۱۹۷۵) پائین آمده است. بدنبال این کاهش، عکس کَشش قیمتی تقاضا از سال (۱۹۷۶ تا ۱۹۷۸) افزایش یافته و سپس در سطح بالاتر بدون تغییر باقی مانده است. بالاخره از سال (۱۹۷۸ تا ۱۹۸۲) این عکس کَشش قیمتی کاهش سریع کرده است که این سه وضعیت متمایز در جدول ۲، III و نمودار (۱) نشان داده شده است.

کاهش عکس کَشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک از سال (۱۹۷۸ تا ۱۹۸۲) با افزایش در قیمت خود نفت توام بوده است. جدول ۲، III نشانگر این امر است که قیمت رسمی نفت اوپک در سال (۱۹۷۸) افزایش یافته و تا سال (۱۹۸۲) همچنان در سطح بالاتر باقی مانده است و این افزایش به نوبه خود با کاهش در عکس کَشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک همراه بوده است (۱).

بنابراین، برخلاف فرض متداول، بالا بودن قیمت‌های رسمی اوپک ضرورتاً "افزایش در قدرت بازار اوپک را منعکس نمی‌سازد. از این جهت نتایج این مقاله نشان می‌دهد وقتی که قیمت‌های رسمی اوپک بالا می‌رود عکس کَشش قیمتی تقاضای اوپک پایین می‌آید و یا بعبارت دیگر، قیمت‌های نفت اوپک بر روی قدر مطلق کَشش قیمتی تقاضا برای نفت اوپک اثر افزایشی برجای می‌گذارد. پس وقتی که قیمت رسمی اوپک افزایش می‌یابد منجر به افزایش در قدر مطلق ارزش کَشش قیمتی تقاضای نفت آن می‌گردد. این بدان معناست که زمانی که کارتل قیمت‌های خود را افزایش می‌دهد در واقع قدرت بازاری خود را به نمایش می‌گذارد و در نتیجه دایره عمل آن برای به نمایش گذاشتن قدرت بازار اضافی آن در آینده به مراتب کاهش خواهد یافت (۲).

۱ - محاسبه عکس کَشش قیمتی تقاضا بر اساس فرضیات راجع به یک مجموعه از کَششها صورت گرفته است که اثرات این فرضیات را در نتایج نباید به دیده فراموشی سپرد.

۲ - در حقیقت موقعی که اوپک در بازار نفوذ کرده و قدرت بازار خود را اعمال می‌کند قیمت‌های نفت شروع به افزایش می‌کند. بمحض اینکه این قیمت‌ها بالا می‌رود دایره عمل اوپک به منظور اعمال نفوذ بیشتر در بازار و همچنین به نمایش گذاشتن قدرت بازار اضافی آن کاهش می‌یابد.

اگر اوپک بتواند تولید کاسته شده و محدود شده خود را بنحوه قابل قبولی به اعضاء خود اختصاص دهد در این صورت امکان دارد بین بالا بودن قیمت‌های رسمی اوپک و همچنین افزایش در قدرت بازار اوپک همبستگی معنی‌داری وجود داشته باشد. از اینرو ممکن است استدلال شود که توافقی بین اعضاء کارتل به منظور محدود کردن کل تولید و تقسیم تولید محدود شده بین آنها لازم است. این بدان معناست که قدرت بازار اوپک بستگی باین دارد که تا چه حد هر یک از اعضاء کارتل می‌توانند مقدار تولید محدود شده خود را تحمل کنند.

برای اینکه اوپک یک کارتل پایدار در بلند مدت باقی مانده و توانایی مداوم برای حفظ قدرت بازار اضافی را داشته باشد، نتایج دنیلسن (۱۹۸۵) پیشنهاد می‌کند، که کشورهای غنی نفتی بایستی بطور نسبی سهم بیشتری از ظرفیت و ذخایر خودشان را در مقایسه با کشورهای فقیر نفتی بصورت ذخیره در میادین نفتی نگهداشته و تولید نکنند (۱). با توجه به احتیاجات بیشتر به ارز خارجی و نیاز مبرم به درآمد نفت کشورهای فقیر اوپک هدف‌های گوناگونی را از نقطه نظر سطح تولید تعقیب می‌کنند و این باعث ایجاد عدم پایداری کوتاه مدت و میان مدت برای اوپک شده که رضوی (۱۹۸۴) در مدل ائتلاف خودش بدان اشاره کرده است.

علاوه بر این، همچنانکه از مدل بخوی برمی‌آید توزیع ظرفیت تولید اضافی بین اعضاء اوپک ضروری است تا مانع از این شود که توسعه منابع انرژی رقیب و همچنین تولید نفت غیر از اوپک در اثر بالا بودن قیمت نفت اوپک بیشتر تحت تأثیر قرار نگرفته و در نتیجه از فرسایش بیش از حد قدرت بازار اوپک جلوگیری بعمل آید (۲).

در این مورد پنی‌دیگ (۱۹۷۹) چنین نتیجه گرفته است که افزایش عمده در تولید نفت مکزیک تقاضای خالص برای نفت اوپک را کاهش داده و از این طریق باعث پایین آمدن قیمت اوپک شده است. همچنین دیلی، گریفین، و استیل نتیجه گرفته‌اند که جهش قیمت نفت در سال‌های (۱۹۷۹-۱۹۷۸) مبین حدود قدرت اوپک کارتل بوده است. آنها استدلال کرده‌اند که قیمت‌های واقعی بیشتر از ۳ دلار برای نفت اوپک در واقع منجر به کوشش قابل ملاحظه‌ای جهت صرفه‌جویی در مصرف نفت در کشورهای عمده وارد کننده نفت شده

۱ - معیار غنی بودن بوسیله ذخایر اثبات شده نفت در مقاله دنیلسن اندازه‌گیری

شده است.

۲ - ظرفیت تولید اضافی تفاوت بین ظرفیت تولید و میزان تولید در هر دوره می‌باشد.

و همچنین کوشش عمده در جهت تحریک منابع انرژی دیگر گردیده و بعلاوه انگیزه‌ای برای تحریک تولید نفت غیر از اوپک شده است .

باید اضافه کرد که قیمت‌های نفت در بازار محموله (۱) به نوبه خود اثر قابل ملاحظه‌ای بر روی رفتار قیمت‌گذاری اوپک گذاشته است . لادرر (۱۹۸۵) یافته است که رابطه معنی‌داری بین اعلام سیاست‌های قیمت‌گذاری رسمی اوپک و قیمت‌های نفت در بازار محموله در سال‌های (۱۹۸۳-۱۹۸۱) وجود داشته است . بدین جهت است که لادرر (۱۹۸۵) نتیجه گرفته است که اوپک یک کارتل موثر فقط در طول سال‌های (۱۹۸۳-۱۹۸۱) بوده است . اما در این مقاله قدرت بازار اوپک از طریق عکس‌ککش قیمتی تقاضا اندازه‌گیری شده و نتایج بدست آمده در مقایسه با یافته‌های دیگران متفاوت می‌باشد . بدین ترتیب قدرت بازار بالقوه اوپک از سال (۱۹۷۸ تا ۱۹۸۲) کاهش یافته و در نتیجه اعمال نفوذ اوپک در بازار جهانی به عنوان کارتل کاملاً " محدودتر شده است .

جدول ۱

تقاضای خالص کشورهای عضو سازمان همکاری اقتصادی و توسعه (واحد MTOE)

سال	(۱)	(۲)	(۳)	(۴)	(۵)	a_t	b_t	$1+a_t+b_t$
	عرضه انرژی غیر از نفت	عرضه نفت غیر از اوپک	عرضه کل (۱ + ۲)	کل تقاضای انرژی	تقاضا باقیمانده برای نفت اوپک			
۱۹۷۰	۱۵۴۷/۹۲	۶۰۴/۸۰	۲۱۵۲/۷۲	۳۱۵۴/۸۲	۱۰۰۲/۱۰	۰/۶۰	۱/۵۵	۲/۱۵
۱۹۷۱	۱۵۶۲/۳۹	۶۰۹/۵۳	۲۱۷۱/۹۲	۳۲۴۱/۷۸	۱۰۶۹/۸۶	۰/۵۷	۱/۴۶	۲/۰۳
۱۹۷۲	۱۶۲۹/۶۵	۶۲۱/۸۵	۲۲۵۱/۵۰	۳۴۲۵/۳۶	۱۱۷۳/۸۶	۰/۵۳	۱/۳۹	۲/۹۲
۱۹۷۳	۱۶۴۴/۴۹	۶۲۱/۲۵	۲۲۶۷/۷۴	۳۵۹۷/۳۳	۱۳۲۹/۵۹	۰/۴۷	۱/۲۴	۲/۷۱
۱۹۷۴	۱۶۵۹/۰۶	۶۳۱/۵۲	۲۲۹۰/۵۸	۳۵۸۲/۴۲	۱۲۹۱/۸۴	۰/۴۹	۱/۲۸	۲/۷۷
۱۹۷۵	۱۶۸۷/۵۰	۶۰۴/۴۵	۲۲۹۱/۹۵	۳۴۷۷/۴۵	۱۱۸۵/۵۰	۰/۵۱	۱/۴۲	۲/۹۳
۱۹۷۶	۱۷۱۵/۰۶	۶۰۱/۵۹	۲۳۱۶/۶۵	۳۶۷۵/۱۷	۱۳۵۸/۵۲	۰/۴۴	۱/۲۶	۲/۷۱
۱۹۷۷	۱۷۵۱/۷۳	۶۳۳/۵۶	۲۳۸۵/۲۹	۳۷۵۱/۰۳	۱۳۶۵/۷۴	۰/۴۶	۱/۲۸	۲/۷۵
۱۹۷۸	۱۷۷۰/۴۴	۶۸۰/۵۵	۲۴۵۰/۹۹	۳۸۷۲/۶۹	۱۴۲۱/۷۰	۰/۴۸	۱/۲۵	۲/۷۲
۱۹۷۹	۱۸۸۵/۶۳	۷۰۷/۷۲	۲۵۹۳/۳۵	۳۹۵۷/۲۱	۱۳۶۳/۸۶	۰/۵۲	۱/۲۸	۲/۹۰
۱۹۸۰	۱۹۵۰/۱۷	۷۱۶/۴۴	۲۶۶۶/۶۱	۳۸۶۰/۹۴	۱۱۹۴/۳۳	۰/۶۰	۱/۶۳	۲/۲۳
۱۹۸۱	۱۹۸۵/۷۲	۷۱۴/۷۹	۲۷۰۰/۵۱	۳۷۶۶/۱۵	۱۰۶۵/۶۴	۰/۶۷	۱/۸۶	۲/۵۳
۱۹۸۲	۱۹۷۳/۴۸	۷۳۲/۵۲	۲۷۰۶/۰۰	۳۶۴۴/۰۲	۹۳۸/۰۲	۰/۷۸	۲/۱۰	۳/۸۸

Source: Data in Columns (1), (2), and CH taken from Energy Balance of OECD Countries, Paris 1984...

(۱) کشورهای عضو سازمان همکاری اقتصادی و توسعه شامل: کانادا، ایالات متحده، ژاپن، استرالیا، بلژیک، دانمارک، فنلاند، فرانسه، آلمان، یونان، ایتالیا، هلند، نروژ، اسپانیا، سوئیس، ترکیه، انگلستان، سوئد، ایسلند، ایرلند، نیوزلند، اطریش. (۲) عرضه انرژی غیر از نفت در کشورهای عضو سازمان همکاری اقتصادی و توسعه شامل: سوخت های جامد، گاز، انرژی اتمی، خورشیدی، آبی و نیروی حاصل از حرارت زمین (۳) ستون (۵) تفاوت کل تولید نفت که توسط کشورهای عضو OECD مورد تقاضا قرار می‌گیرد از کل تولید خود آنها می‌باشد. (۴) نسبت عرضه نفت غیر از اوپک به تقاضا برای نفت را با a_t و نسبت عرضه انرژی غیر از نفت به تقاضا برای نفت اوپک را با b_t نشان داده شده است.

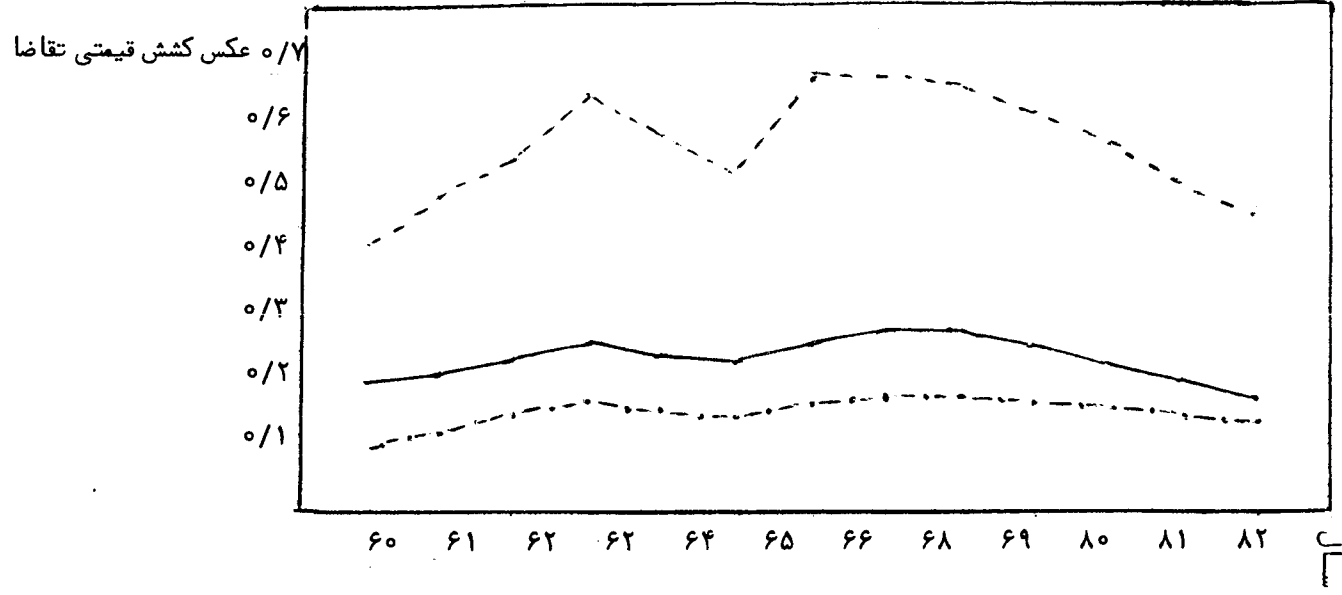
جدول ۲ . III

محاسبه عکس کشتن قیمتی تقاضا (به روش شبیه سازی)

سال	قیمت	مورد پایه عکس کشتن تقاضا	مورد ۱ عکس کشتن تقاضا	مورد ۲ عکس کشتن تقاضا
۱۹۷۰	۱/۲۶	۰/۱۸۹	۰/۴۵۵	۰/۱۰۹
۱۹۷۱	۱/۶۶	۰/۱۹۸	۰/۴۷۵	۰/۱۱۵
۱۹۷۲	۱/۸۴	۰/۲۰۷	۰/۴۹۷	۰/۱۲۰
۱۹۷۳	۲/۹۱	۰/۲۲۶	۰/۵۴۱	۰/۱۳۲
۱۹۷۴	۱۰/۷۷	۰/۲۲۰	۰/۵۲۷	۰/۱۲۹
۱۹۷۵	۱۱/۷۵	۰/۲۰۶	۰/۴۹۶	۰/۱۱۹
۱۹۷۶	۱۱/۷۷	۰/۲۲۷	۰/۵۴۵	۰/۱۳۲
۱۹۷۷	۱۲/۸۸	۰/۲۲۳	۰/۵۳۵	۰/۱۲۹
۱۹۷۸	۱۲/۹۳	۰/۲۲۵	۰/۵۳۸	۰/۱۳۲
۱۹۷۹	۱۸/۶۷	۰/۲۰۸	۰/۵۰۱	۰/۱۲۱
۱۹۸۰	۳۰/۸۷	۰/۱۸۳	۰/۴۴۴	۰/۱۰۵
۱۹۸۱	۳۴/۵۰	۰/۱۶۵	۰/۴۰۲	۰/۰۹۴
۱۹۸۲	۳۳/۶۳	۰/۱۴۸	۰/۳۶۲	۰/۰۸۴
مورد ۲	مورد ۱	مورد پایه	فرضیات مربوط به کشتن‌ها	
۱/۱۵	۰/۵	۱/۰۰	کشتن قیمتی تقاضا برای انرژی	
۰/۵۲	۰/۵۲	۱/۰۰	کشتن عرضه غیراز کارتل	
۳/۳۸	۰/۲۰	۱/۰۰	کشتن عرضه برای انرژی غیراز نفت	

مورد پایه —
مورد ۱ - - -
مورد ۲ - · - ·

نمودار ۱



IV نتایج

در این مقاله مدل رفتار کارتل در رابطه با منابع غیر قابل تجدید شده به تصویر کشیده شده است. بخصوص، عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل در رابطه با تاثیر چندین عوامل مهم نشان داده شده که در بسیاری از مدل‌های کارتل قبلی این عوامل مدنظر نبوده است. این عوامل مشتمل است بر کششهای قیمتی تقاضای انرژی، عرضه نفت تولید شده از طرف اعضا غیر کارتل، و عرضه انرژی غیر از نفت. بعلاوه، نسبتهای تقاضای انرژی، عرضه نفت غیر از کارتل، و عرضه انرژی غیر از نفت همه اینها نسبت به تقاضا برای نفت کارتل جزو عوامل موثر در عکس کشش قیمتی تقاضا می‌باشند. در مدل‌های کارتل اوپک که توسط آدلن (۱۹۷۸)، میکسن (۱۹۸۲)، روگری (۱۹۸۳)، و رضا (۱۹۸۴) تنظیم شده‌اند هیچ نوع معیاری برای قدرت کارتل تعیین نشده است.

بنابراین، در مدل‌های آنها اهمیت عوامل ذکر شده به یاد فراموشی سپرده شده است. در صورتی که، در مقاله حاضر عوامل مورد اشاره فوق از مدل منابع غیر قابل تجدید شده استنتاج شده است.

کاربرد مدل تنظیم شده در این مقاله برای بررسی رفتار اوپک به عنوان کارتل نفت مورد نظرمی باشد که قدرت قیمت‌گذاری اوپک را در طول سال‌های (۱۹۸۲ - ۱۹۷۰) مورد تجزیه و تحلیل قرار داده است. تکنیک پویای شبیه سازی و برآورد کششهای اساسی محاسبه شده از مطالعات مستند دیگران در این تجزیه و تحلیل بکار رفته است.

برخلاف نتایج میکسن، نتایج این مقاله نه فقط بستگی به اهمیت مقدار عددی تولید انرژی غیر از نفت و گشش آن دارد بلکه بستگی به کل مصرف انرژی نیز دارد.

علاوه بر این، این مقاله نتیجه گرفته است که افزایش‌ها در قیمت نفت اوپک در سال‌های (۱۹۸۲ - ۱۹۷۸) همراه با کاهش قابل ملاحظه‌ای در عکس کشش قیمتی تقاضای اوپک و قدرت بالقوه بازار آن بوده است. این یافته‌ها بنظر می‌رسد با این مفهوم متداول، که استراتژی قیمت‌گذاری اوپک در این سال‌ها ناشی از افزایش بسیار قدرت بازاری اوپک در بازار جهانی نفت بوده، متناقض است. نتایج این مقاله پیشنهاد می‌کند که قیمت‌های رسمی اوپک در واقع قیمت‌های موجود در بازار محموله جهانی را منعکس می‌کنند و همانطوری که بررسی شده تعیین قیمت در این بازار بیشتر تحت تاثیر شرایط کوتاه مدت عرضه و تقاضا قرار گرفته است. بعلاوه، از نتایج دیگر این مقاله اینست که عکس کشش قیمتی تقاضای اوپک با افزایش در تولیدات کشورهای خارج از حیطه اوپک و توسعه منابع انرژی دیگر در کشورهای وارد کننده نفت تحت تاثیر قرار گرفته است. این منابع انرژی توانایی اوپک را محدود

کرده و بطور یک جانبه قیمت‌های نفت را در بازار جهانی تعیین می‌کند .
ظاهراً " ، عوامل مهم دیگری وجود دارند که استراتژی قیمت گذاری اوپک را
در جهت نتایج عرضه شده در این مقاله تعیین می‌کنند عوامل تعیین کننده از قبیل :
قیمت‌های نفت در بازار محموله ، نقش تغییر ارزش دلار ایالات متحده ، ونوسانات نرخهای
بهره می‌باشند .

توجه به اثرات و نقش این عوامل اقتصادی در قالب مدل منابع غیر قابل تجدید
شده مانند مدلی که در این مقاله تنظیم شده شاید زمینه‌های مفیدی برای تحقیقات آینده
باشد .

ضمیمه A

هدف در ضمیمه A این است که طرز بدست آمدن رابطه (۸) و رابطه (۹) نشان داده شود. برای این منظور لازم است دوباره مدل طرح شده برای کارتل را خلاصه کنیم.

$$\text{Max } V = \sum_{t=0}^T \frac{P_t D_t - C_t}{(1+r)^t}$$

$$\text{s.t.} \quad D_t = D(P_t) \quad t=0, 1, 00, T \text{ برای} \quad (۵)$$

$$\sum_{t=0}^T D_t \leq R_0 \quad (۶)$$

$$0 \leq D_t \leq D_t^* \quad t=0, 1, 00, T \text{ برای} \quad (۷)$$

در این مدل رابطه (۵) تابع تقاضا برای کارتل بوده و در هر دوره زمانی t برقرار است از این روتوابع تقاضا بصورت قیود معادله‌ای در مدل ظاهر خواهند شد. از طرف دیگر رابطه (۶) نشان می‌دهد حجم منابع در اثر مصرف کاهش یافته ولی در دوره T مقداری از آن در زیر زمین باقی خواهد ماند. بعلاوه رابطه (۷) در هر لحظه برقرار است یعنی در هر دوره نباید تولید از ظرفیت تولید بیشتر باشد از این رو قیود مربوطه به ظرفیت تولید به تعداد دوره‌ها در مدل وجود خواهد داشت. پس برای یافتن حداکثر تابع هدف نسبت به قیود (۵)، (۶)، و (۷) لازم است تابع لاگرانژ را تشکیل داد.

$$L = \sum_{t=0}^T \frac{P_t D_t - C_t}{(1+r)^t} + y (R_0 - \sum_{t=0}^T D_t) + \sum_{t=0}^T x_t (D_t^* - D_t) + \sum_{t=0}^T z_t (D(P_t) - D_t)$$

در این تابع لاگرانژ y ضریب لاگرانژ بوده و یا قیمت یک واحد از منابع استخراج نشده می‌باشد. بعلاوه x_t قیمت سایه مربوطه به یک واحد از ظرفیت تولید است. چون در هر لحظه مقدار تولید به وسیله ظرفیت محدود می‌شود بنابراین لازم است قیمت سایه مربوطه به ظرفیت تولید را در نظر گرفت. ضریب لاگرانژ z_t در لحظه t برای تابع تقاضا در همان لحظه بکار رفته است. باید توجه کرد تابع تقاضا و ظرفیت تولید برای هر دوره نوشته شده و از این رو به تعداد دوره‌های مورد مطالعه توابع تقاضا و ظرفیت تولید در مدل وجود خواهد داشت که با هر کدام از آنها ضرایب لاگرانژ مربوطه همراه خواهد بود. چون هیچ‌گونه شرطی در مورد متغیرهای D_t و P_t وجود ندارد لذا از تابع L نسبت به این متغیرها باید مشتقات

جزیی گرفت. اما چون قیود (۶) و (۷) نامعادله‌اند لازم است شرایط کال - تاکر را در مورد ضرایب لاگرانژ y و x_t بکار برد. در مورد قیود معادله‌ای (۵) کافی است از تابع L نسبت به Z_t مشتق گرفت و نتیجه اینچنین خواهد شد:

$$(A.1) \quad \frac{\partial L}{\partial D_t} = \frac{P_t}{(1+r)^t} - \frac{MC_t}{(1+r)^t} - \frac{MC_{t+1}}{(1+r)^{t+1}} - \frac{MC_{t+2}}{(1+r)^{t+2}} - \frac{MC_{t+3}}{(1+r)^{t+3}} - \dots - \frac{MC_t}{(1+r)^T} - y - x_t - z_t = 0$$

$$(A.2) \quad \frac{\partial L}{\partial P_t} + \frac{D_t}{(1+r)^t} + z_t D'_t = 0$$

$$(A.3) \quad \frac{\partial L}{\partial Y} = R_0 - \sum_{t=0}^T D_t \geq 0, \quad Y \geq 0, \quad Y \frac{\partial L}{\partial Y} = 0$$

$$(A.4) \quad \frac{\partial L}{\partial X_t} = D_t^* - D_t \geq 0 \quad x_t \geq 0, \quad x_t \frac{\partial L}{\partial X_t} = 0$$

$$(A.5) \quad \frac{\partial L}{\partial Z_t} = D(P_t) - D_t = 0$$

$$MC_{t+1} = \frac{\partial C_{t+1}}{\partial D_t}, \quad MC_{t+3} = \frac{\partial C_{t+3}}{\partial D_t}, \quad MC_{t+2} = \frac{\partial C_{t+2}}{\partial D_t}$$

$$UC_t = \sum_{i=1}^{T-t} MC_{t+i} (1+r)^{-i}$$

در رابطه (A.1) مشتقات جزیی بصورت $MC_{t+1} = \frac{\partial C_{t+1}}{\partial D_t}$, $MC_t = \frac{\partial C_t}{\partial D_t}$

تعریف شده‌اند و هم چنین

در رابطه (A.2) شیب تابع تقاضا بصورت $D'_t = \frac{dD_t}{dP_t}$ نامیده شده است. روابط (A.3)

(A.4) شرایط کان - تاکر را در مورد ضرایب نامعلوم لاگرانژ y و x_t نشان می‌دهد.

می‌توان رابطه (A.1) را خلاصه کرد برای این منظور طرفین آن را به $(1+r)^t$ ضریب کرده و نتیجه خواهد شد

$$(A.6) \quad P_t - MC_t - MC_{t+1}(1+r)^{-1} - MC_{t+2}(1+r)^{-2} - MC_{t+3}(1+r)^{-3} - \dots - MC_T(1+r)^{-(T-t)} - Y(1+r)^t - Z_t(1+r)^t - X_t(1+r)^t = 0$$

این رابطه برای دوره‌های 0 تا T برقرار بوده و آن را بصورت دیگر زیر می‌توان نوشت .

$$(A.7) \quad P_t - MC_t - UC_t - Y(1+r)^t - Z_t(1+r)^t - X_t(1+r)^t = 0 \quad \text{که در آن}$$

ارزش حال هزینه های اضافی ناشی از استخراج منابع در دوره T می‌باشد .
 از قضیه کان - تاکرا استفاده کرده و شرایط تکمیلی و کمکی آن را برای ضریب لاگرانژ X_t می‌توان نوشت . بدین صورت اگر $X_t = 0$ باشد در این حالت $D_t < D_t^*$ خواهد شد . اما اگر $X_t > 0$ باشد یعنی مقدار X_t از صفر بیشتر باشد در این حالت $D_t = D_t^*$ خواهد شد و تولید با ظرفیت تولید برابر می‌شود . بطور خلاصه نتیجه خواهد شد .

$$\begin{array}{ll}
 D_t = D_t^* & \text{اگر} \\
 D_t < D_t^* & \text{اگر} \\
 D_t = 0 & \text{اگر}
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 > \\
 < \\
 <
 \end{array}
 \int_0^T X_t = \begin{cases} > \\ < \\ < \end{cases} 0$$

برای $t=0, 1, \dots, T$

طرفین X_t را در $(1+r)^t$ ضرب کرده و نتیجه خواهد شد

$$(A.8) \quad (1+r)^t X_t = \begin{cases} > \\ < \\ < \end{cases} 0 \quad \begin{array}{ll} D_t = D_t^* & \text{اگر} \\ D_t < D_t^* & \text{اگر} \\ D_t = 0 & \text{اگر} \end{array}$$

این نتیجه را در رابطه (A.7) قرار داده خواهیم داشت

$$(A.9) \quad P_t - MC_t - UC_t - Y(1+r)^t - Z_t(1+r)^t = \begin{cases} > \\ < \\ < \end{cases} 0 \quad \begin{array}{ll} D_t = D_t^* & \text{اگر} \\ D_t < D_t^* & \text{اگر} \\ D_t = 0 & \text{اگر} \end{array}$$

چون همیشه تولید کمتر از ظرفیت تولید خواهد بود لذا فقط تساوی صفر این رابطه را در نظر گرفته و دوباره آن را می‌توان چنین نوشت .

$$(A.10) \quad P_t - MC_t - UC_t - Y(1+r)^t - Z_t(1+r)^t = 0 \quad D_t < D_t^* \text{ اگر}$$

برای اینکه مقدار Z_t در رابطه فوق جایگزین شود لازم است رابطه (A.2) را مورد استفاده قرار داده تا بتوان مقدار Z_t را از آن بصورت زیر بدست آورد

$$Z_t = - \frac{D_t}{D'_t (1+r)^t}$$

اگر کشش قیمتی تقاضا بصورت $e_t = -D'_t \left(\frac{P_t}{D_t} \right)$ تعریف شود مقدار Z_t را برحسب این کشش می توان چنین نوشت

$$(A.11) \quad Z_t = \frac{P_t}{(1+r)^t e_t}$$

با قراردادن مقدار Z_t از رابطه (A.11) در رابطه (A.10) نتیجه خواهد شد

$$(A.12) \quad P_t - \frac{P_t}{e_t} - MC_t - UC_t - Y(1+r)^t = 0 \quad \text{اگر } D_t < D_t^*$$

با مرتب نمودن عبارات موجود در این رابطه می توان بسهولت رابطه (۸) را بصورت زیر نتیجه گرفت که در متن خود مقاله از آن استفاده شده است.

$$(A.13) \quad P_t \left(1 - \frac{1}{e_t}\right) = MC_t + UC_t + Y(1+r)^t \quad \text{اگر } D_t < D_t^*$$

مجموع سه جزء طرف راست این رابطه به کل هزینه نهایی کامل موسوم است و آن را با $TFMC_t$ نشان می دهند در این صورت خواهیم داشت

$$TFMC_t = MC_t + UC_t + Y(1+r)^t$$

در نتیجه رابطه (A.13) بدین صورت نوشته خواهد شد

$$P_t \left(1 - \frac{1}{e_t}\right) = TFMC_t$$

که از آن می توان عکس کشش قیمتی تقاضا را بدست آورد که در متن مقاله از آن استفاده شده و بوسیله رابطه (۹) نشان داده شده است.

$$\frac{1}{e_t} = \frac{P_t - TFMC_t}{P_t}$$

در ضمیمه بعدی سعی خواهد شد عوامل موثر در این عکس کشش قیمتی تقاضا شرح داده شود. ضمیمه B

هدف در این ضمیمه این است که طرز بدست آمدن رابطه (۱۰) نشان داده شود.

برای این منظور W_t را از رابطه (۲) و \bar{S}_t را از رابطه (۳) و S_t را از رابطه (۴) در رابطه

(۱) قرار داده خواهیم داشت

$$(B.1) \quad D_t = W_t(P_t) - \bar{S}_t(P_t) - S_t(P_t)$$

از طرفین این رابطه نسبت به P_t مشتق گرفته و نتیجه خواهد شد

$$D'_t = W'_t - \bar{S}'_t - S'_t$$

که در آن $D'_t, W'_t, \bar{S}'_t, S'_t$ به ترتیب مشتقات D_t, W_t, \bar{S}_t, S_t نسبت به P_t می باشند و یاباه عبارت دیگر علامت پرایم مبین مشتقات متغیرها نسبت به P_t می باشند. طرفین این رابطه را به منهای $\frac{P_t}{D_t}$ ضرب کرده و سپس در سمت راست جمله اول را به $\frac{W_t}{W_t}$ و جمله دوم را به $\frac{\bar{S}_t}{\bar{S}_t}$ و جمله سوم را به $\frac{S_t}{S_t}$ ضرب نموده و نتیجه خواهد شد

$$(B.2) \quad -\frac{P_t}{D_t} D'_t = \frac{W_t}{D_t} \left(-\frac{P_t}{W_t} W'_t\right) + \frac{\bar{S}_t}{D_t} \left(-\frac{P_t}{\bar{S}_t} \bar{S}'_t\right) + \frac{S_t}{D_t} \left(-\frac{P_t}{S_t} S'_t\right)$$

اگر کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل را با $e_t = -\frac{P_t}{D_t} D'_t$ و کشش قیمتی تقاضا برای انرژی را با $E_t = -\frac{W_t}{W_t} \frac{P_t}{W_t} W'_t$ و کشش قیمتی عرضه غیراز نفت کارتل را با $U_t = \frac{\bar{S}_t}{\bar{S}_t} \frac{P_t}{S_t} \bar{S}'_t$ و کشش قیمتی عرضه انرژی غیراز نفت را با $V_t = \frac{S_t}{S_t} \frac{P_t}{S_t} S'_t$ نشان دهیم رابطه (B.2) را می توان دوباره چنین نوشت

$$(B.3) \quad e_t = \frac{W_t}{D_t} E_t + \frac{\bar{S}_t}{D_t} U_t + \frac{S_t}{D_t} V_t$$

اگر $a_t = \frac{\bar{S}_t}{D_t} \frac{P_t}{S_t}$ نسبت عرضه نفت غیراز کارتل به تقاضا برای نفت کارتل و هم چنین اگر $b_t = \frac{S_t}{D_t} \frac{P_t}{S_t}$ نسبت عرضه انرژی غیراز نفت به تقاضا برای نفت کارتل باشد در نتیجه نسبت W_t به D_t خواهد شد

$$\frac{W_t}{D_t} = \frac{D_t + \bar{S}_t + S_t}{D_t} = 1 + a_t + b_t$$

اگر این نسبت های تعریف شده در رابطه (B.3) جایگزین شود نتیجه نهایی چنین خواهد شد

$$e_t = (1 + a_t + b_t) E_t + a_t U_t + b_t V_t$$

عکس کشش قیمتی تقاضا برای نفت کارتل که در رابطه (۱۰) در متن مقاله نشان داده شده در واقع از معکوس کردن این رابطه بدست می آید.

فهرست منابع

1. Ahmadian, M., "Pricing Policies of an Oil Cartel with Expectation of Substitute Producers", *The Energy Journal*, Vol. 9, No.1, 1988, PP. 115-120.
2. Ahmadian, M., "Cooperative and Non-Cooperative Discrete Differential Models of Oil Pricing the OPEC Cartel, Ph.D. Dissertation, State University of New York, at Buffalo, 1984.
3. Adelman, M.A., "Scarcity and World Oil Prices," *Review of Economics and Statistics*, Vol. 68, No. 3, August 1986, pp. 387-397.
4. Adelman, M.A., "Constraints on the World Oil Monopoly Price," *Resources and Energy*, (1), 1978, pp. 3-19.
5. Central Intelligence Agency, *Economic and Energy Indicators*, December 17, 1982 and March 29, 1985.
6. Central Intelligence Agency, *International Oil Developments, Statistical Survey*, September 21, 1977.
7. Daly, G., J.M. Griffin, and H.B. Steele, "Recent Oil Price Escalations: Implications for OPEC Stability," in *OPEC Behavior and World Oil Prices*, J.M. Griffin and D.J. Teece, editors, Center for Public Policy, University of Houston, 1982.
8. Danielsen, Albert L., "The Theory and Measurement of OPEC Stability," *Southern Economic Journal*, Vol. 47, No. 1, July 1980, pp.51-64.
9. *Energy Balances of OECD Countries*, Paris 1984.
10. Griffin, J.M., "OPEC Behavior: A Test of Alternative Hypotheses," *American Economic Review*, Vol. 75, No.5, December 1985, pp. 954-963.

11. Griffin, J.M., and H.B. Steele, *Energy Economics and Policy*, New York: Academic Press, 1980.
12. Hotelling, Harold, "The Economics of Exhaustible Resources," *Journal of Political Economy*, Vol. 39, No. 2, April 1931, pp. 137-75.
13. Landis, W.H., and R.A. Posner, "Market Power in Antitrust Cases," *Harvard Law Review*, Vol. 94, No. 2, March 1981, pp. 937-996.
14. Lerner, A.P., "The Concept of Monopoly and the Measurement of Monopoly Power," *Review of Economic Studies*, June 1934, pp. 157-175.
15. Levhari, D. and N. Liviatan, "Notes on Hotelling's Economics of Exhaustible Resources," *Canadian Journal of Economics*, May 1977, No. 2, pp. 177-192.
16. Loderer, Claudio. "A test of the OPEC Cartel Hypothesis: 1974-1983," *The Journal of Finance*, Vol. 40, No. 3, July 1985, pp. 991-1006.
17. Marshalla, R.A., "Intertemporal Efficiency and the World Price of Oil An Empirical Model," *Annals of Economic and Social Measurement*, Vol. 6, No. 2, Spring 1977, pp. 203-223.
18. Mixon, J.W., "Saudi Arabia, OPEC, and the Price of Crude Oil," *Resources and Energy*, (4), April 1982, pp. 195-201.
19. Pindyck, R.S., *The Structure of World Energy Demand*, Massachusetts Institute of Technology, 1979.
20. Pindyck, R.S., "Some Long-Term Problems in OPEC Oil Pricing," *Journal of Energy and Development*, No. 4,

Spring 1989, pp. 259-72.

21. Pindyck, R.S., "The Measurement of Monopoly Power in Dynamic Markets," *Journal of Law and Economics*, Vol. 28, April 1985, pp. 193-222.
22. Razavi, Hossein, "An Economic Model of OPEC Coalition," *Southern Economic Journal*, Vol. 51, No. 2, October 1984, pp. 419-28.
23. Reza, A.M., "The Price of Oil and Conflict in OPEC," *The Energy Journal*, Vol. 5, No. 2, 1984, pp. 29-33.
24. Ruggeri, G.C., "Market Conditions and Future Oil Prices," *Energy Economics*, Vol. 5, No. 3, July 1983, pp. 190-194.
25. Salant, S.W., *Imperfect Competition in the World Oil Market*, D.C. Heath and Company, 1982.